

Zentralübung zur Vorlesung

Theoretische Physik II: Elektrodynamik

Dr. A.Zharikov, Prof. W.Weise, TU München, WS 2011/2012

Übungsblatt 1 (21.10.11)

1.1 Fourier-Transformation (Kurze Wiederholung)

1.2 Helmholtz-Theorem

Das Helmholtz-Theorem besagt, dass ein Vektorfeld $\mathbf{F}(\mathbf{r})$ läßt sich als die Summe $\mathbf{F}(\mathbf{r}) = \mathbf{F}^{(1)}(\mathbf{r}) + \mathbf{F}^{(2)}(\mathbf{r})$ eines wirbelfreien Anteils $\mathbf{F}^{(1)}(\mathbf{r}) = -\nabla\phi(\mathbf{r})$ und eines quellenfreien Anteils $\mathbf{F}^{(2)}(\mathbf{r}) = \nabla \times \mathbf{A}(\mathbf{r})$ repräsentieren.

- a) Mit Hilfe der Fourier-Transformation bestimmen Sie die Zusammenhänge zwischen den Fourier-Transformierten der folgenden Vektor- und Skalarfunktionen:

$$\mathbf{F}(\mathbf{r}), \mathbf{F}^{(1)}(\mathbf{r}), \mathbf{F}^{(2)}(\mathbf{r}), \nabla \cdot \mathbf{F}(\mathbf{r}), \nabla \times \mathbf{F}(\mathbf{r}), \phi, \mathbf{A}.$$

- b) Mit Hilfe des Faltungstheorems drücken Sie das Skalarpotential $\phi(\mathbf{r})$ und das Vektorpotential $\mathbf{A}(\mathbf{r})$ durch die Quellen $\nabla \cdot \mathbf{F}(\mathbf{r})$ bzw. durch die Wirbeln $\nabla \times \mathbf{F}(\mathbf{r})$ des Vektorfeldes $\mathbf{F}(\mathbf{r})$ aus.

1.3 Integralsätze

Im Grundzustand des Wasserstoffatoms ist die Elektronenladung näherungsweise mit der Dichte

$$\rho_e(\mathbf{r}) = -\frac{e\alpha^3}{8\pi} \exp(-\alpha r), \quad \alpha = \frac{2}{a_B}$$

verteilt, worin a_B der Bohrsche Radius ist und e die Elementarladung ist.

Mit Hilfe des Gauß'schen Satzes bestimmen Sie die Feldstärke \mathbf{E} und das Potential ϕ des Wasserstoffatoms unter Annahme, dass die Kernladung punktförmig im Ursprung lokalisiert ist.